

$\Phi_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\rho(\mathbf{r}')}{r^2} dV'$   
 $X_L = \frac{U_m}{I_m} = \omega L = 2\pi f L$   
 $\Phi_E = \frac{E \cdot A}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0}$   
 $E = \frac{Ec}{q} \int \sin(\omega t - kr) dr$   
 $E = mc^2$   
 $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} (\vec{E} \times \vec{B})$   
 $E = \hbar k^2 \cdot 1 \text{ pc} = \frac{1 \text{ AU}}{r}$   
 $\sigma = \frac{Q}{A}$

$F = x \frac{m_1 m_2}{r^2}$   
 $F = ma$   
 $p = \rho h g$   
 $u = U_m \sin \omega t$   
 $E = mc^2$

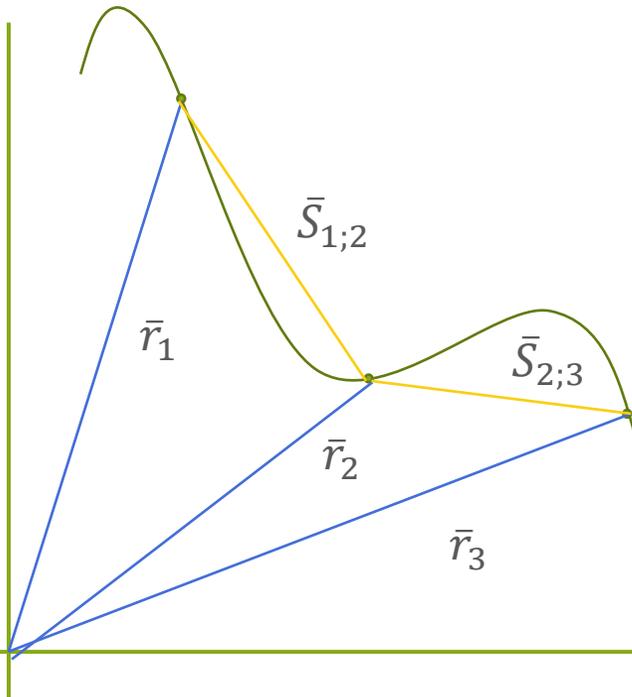
$(\ln(x))' = x^{-1}$   
 $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B}$   
 $e^{i\pi} + 1 = 0$   
 $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + a^2}}$   
 $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$   
 $i = \sqrt{-1}$   
 $e^{ix} = \cos x + i \sin x$   
 $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$   
 $a \perp m, a^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$   
 $h = D \cdot \tan \alpha$

# FISICA

# CINEMATICA

- I corpi vengono semplificati a punti (punti materiali)
- Quando è tre dimensioni (sistema di riferimento cartesiano di tipo  $O_{xyz}$ )
- diverse posizioni creano curva chiamata traiettoria

- $\vec{r}_1; \vec{r}_2; \vec{r}_3 = \text{vettori posizione}$
- $\vec{S}_{1;2}; \vec{S}_{2;3} = \text{vettori spostamento}$



- $\vec{v}_{media1;2} = \frac{\vec{S}_{1;2}}{\Delta t_{1;2}} = \frac{\vec{r}_2 - \vec{r}_1}{t_2 - t_1}$

- $\vec{v}_{istantanea1;2} = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{v}_{1;2}}{\Delta t_{1;2}} = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{r}_2 - \vec{r}_1}{t_2 - t_1}$

- $[\vec{v}] = \frac{\text{metri}}{\text{secondo}}$

- $\vec{a}_{media1;2} = \frac{\Delta \vec{v}_{1;2}}{\Delta t_{1;2}} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1}$

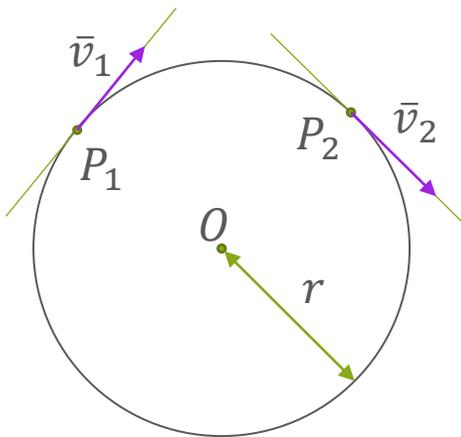
- $\vec{a}_{istantanea1;2} = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{v}_{1;2}}{\Delta t_{1;2}} = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1}$

- $[\vec{a}] = \frac{\text{metri}}{\text{secondo}^2}$

# MOTO CIRCOLARE

- CIRCONFERENZA: luogo geometrico dei punti equidistanti da un punto fisso detto centro
- $r$  =raggio
- *corpo* =sempre sulla circonferenza⇒che ne conosciamo la direzione→tangente alla circonferenza
- $t_1 < t_2$
- $\bar{v}$  →mai costante→ci sarà sempre un  $\bar{a}$

→  $\forall \bar{v}$  di un moto circolare  $\exists$  un  $\bar{a}$



# MOTO CIRCOLARE UNIFORME

- Esiste una velocità con modulo  $v_1 = v_2$  ma vettore  $\bar{v}_1 \neq \bar{v}_2$
- Esiste un'accelerazione con modulo  $a_1 = a_2$  ma vettore  $\bar{a}_1 \neq \bar{a}_2$
- Il vettore accelerazione punta il centro della circonferenza
- $T$  → periodo → intervallo di tempo impiegato dal corpo per compiere il giro della circonferenza

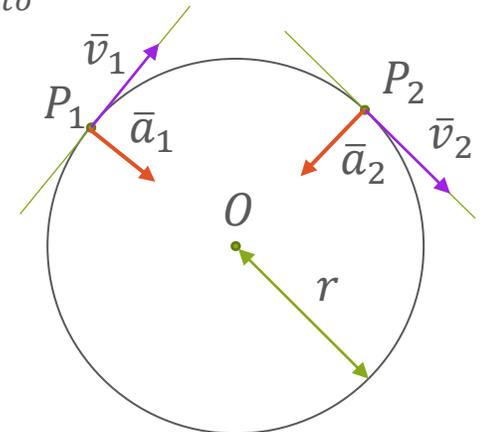
$$n^\circ \text{ giri} = \frac{\text{spazio totale}}{\text{circonferenza}}$$

- $f$  = frequenza =rapporto tra numero di giri e tempo impiegato

$$= \frac{1}{T} \Rightarrow [f] = \frac{1}{\text{secondo}} = \text{Hz} = \text{hearz} = \frac{\text{giri}}{\text{minuto}}$$

$$v = \frac{2p \text{ circonferenza}}{T} = \frac{2\pi r}{T}$$

$$a = \frac{v^2}{r} = \left[ \frac{\left( \frac{m}{s} \right)^2}{m} \right] = \frac{m}{s^2}$$



# DINAMICA

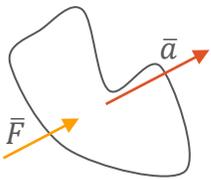
- 1° PRINCIPIO → PRINCIPIO DI INERZIA

Se un corpo è fermo → rimane fermo

Se si muove → continua a muoversi di moto uniforme

Dato che un corpo ha massa non può cambiarsi la velocità → massa inerziale = [kg]

- 2° PRINCIPIO → PRINCIPIO DI NEWTON



$$\left. \begin{array}{l} \vec{a} \propto \vec{F} \\ \vec{a} \propto \frac{1}{m} \end{array} \right\} = \vec{a} \propto \frac{\vec{F}}{m}$$

$$\vec{F} \propto m \vec{a} \rightarrow \vec{F} = m \vec{a} \text{ nell'SI } [\vec{F}] = [m][\vec{a}] = \text{kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = \text{N}$$

- 3° PRINCIPIO → PRINCIPIO DI AZIONE-REAZIONE

Le forze vanno a coppie: per una forza ce n'è un'altra con:

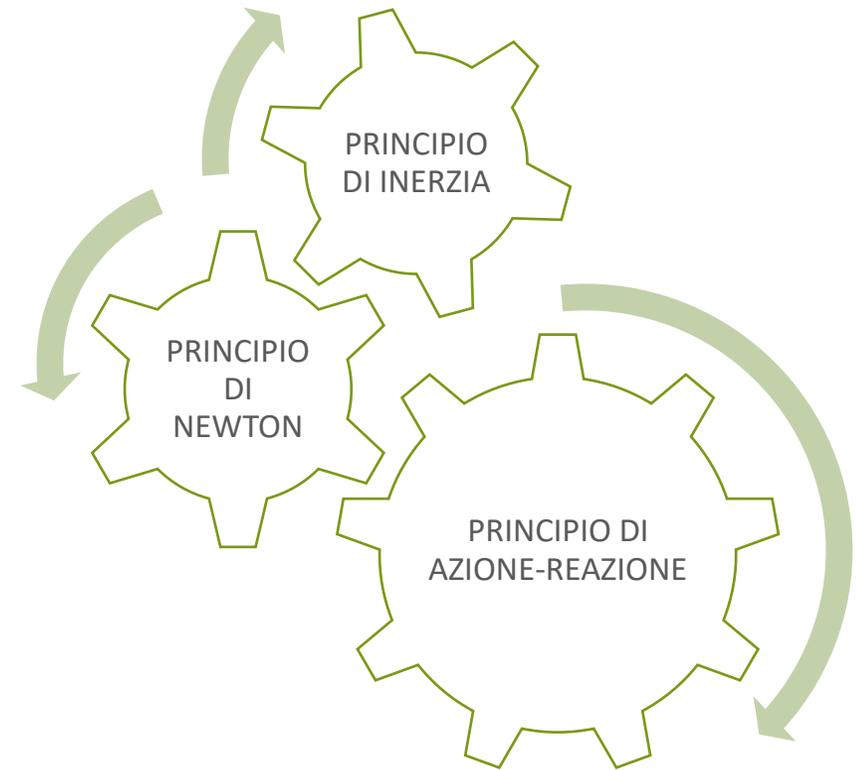
=intensità

=direzione

≠verso

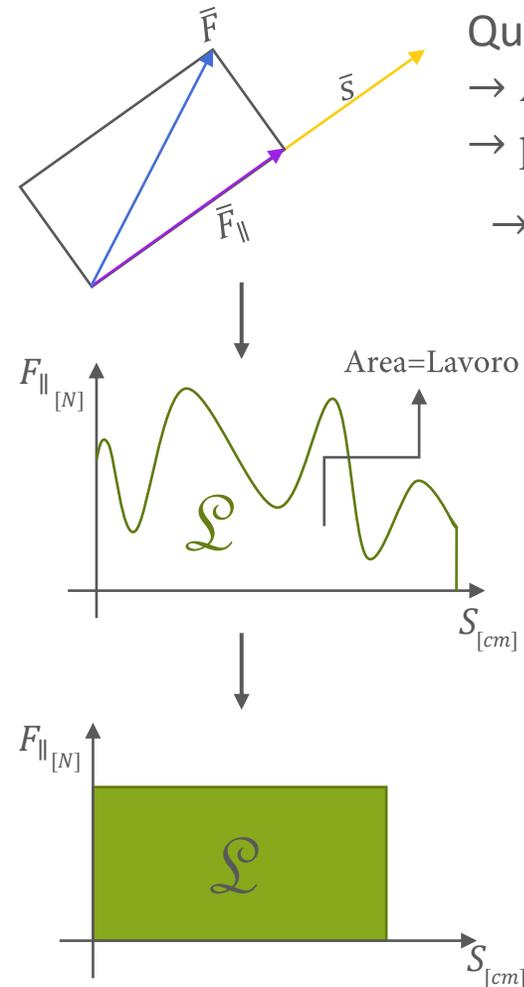
≠ punto di applicazione

$$|\vec{F}_1| = |\vec{F}_2| \text{ cioè } F_1 = F_2$$



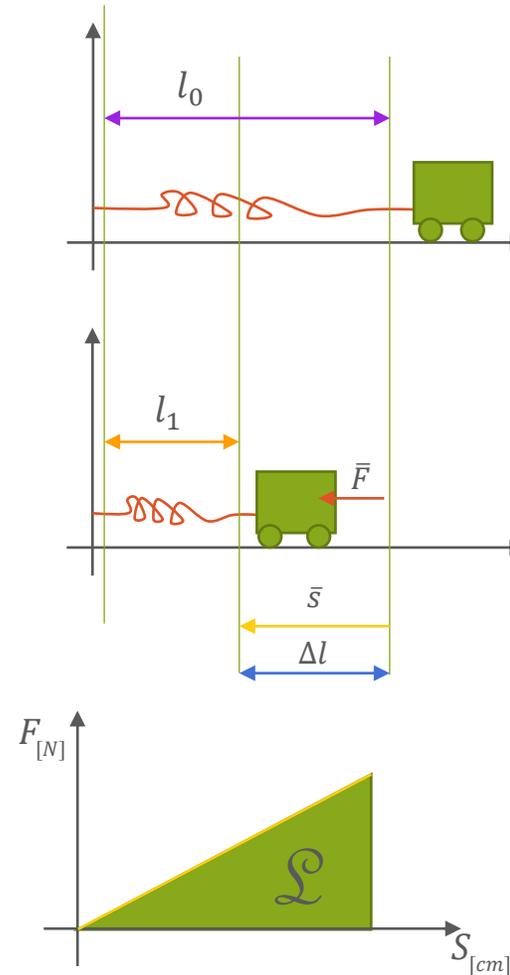
# LAVORO

## DEFINIZIONE TRADIZIONALE



Quando  $\vec{F}$  è costante  
 $\rightarrow$  A rettangolo= $\mathcal{L} \Rightarrow \mathcal{L} = \vec{F} * \vec{S} = \vec{S} * \vec{F}$   
 $\rightarrow$  prodotto di 2 vettoriali = 1 scalare  
 $\rightarrow [L] = [\vec{F}] * [\vec{S}] = m * kg * \frac{m}{s^2} = J$

## PER COMPRIMERE UNA MOLLA



$$F = k * \Delta l$$

$$L = \frac{F * \Delta l}{2} = \frac{k * \Delta l * \Delta l}{2}$$

$$= \frac{k * \Delta l^2}{2}$$

$L \equiv$  Energia potenziale elastica

# TIPI FONDAMENTALI DI ENERGIA MECCANICA

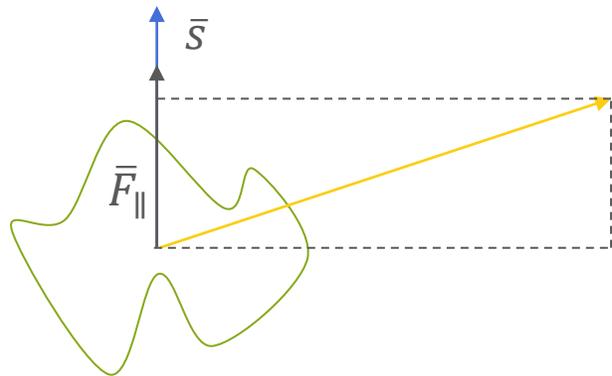
NOME	FORMULA
Energia cinetica	$E_c = \frac{1}{2} * m * v^2$
Energia potenziale gravitazionale	$U = m * g * h$
Energia potenziale elastica	$E_l = \frac{1}{2} * F * \Delta l$

# TEOREMA DI CONSERVAZIONE DELL'ENERGIA

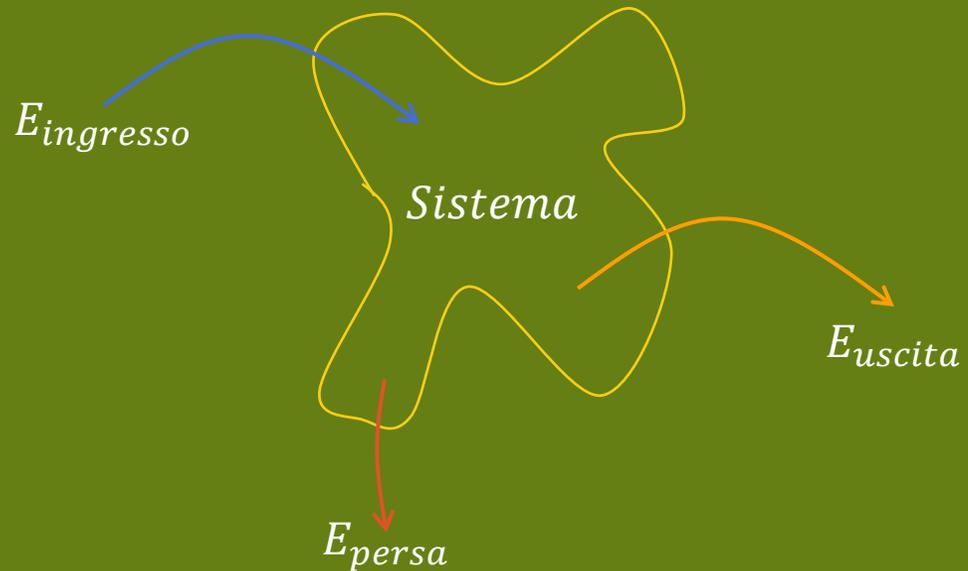
- $E_{meccanica\ iniziale} = E_{meccanica\ finale}$  (senza attriti)
- $E_{meccanica\ iniziale} = E_{meccanica\ finale} + L_{perso}$  (con attriti)

- $P = \frac{L}{\Delta t} = \frac{E}{\Delta t} \rightarrow [P] = \text{Watt} = \frac{\text{joule}}{\text{secondo}} \Rightarrow \text{joule} = \text{watt} * \text{secondo}$
- $[E] = \frac{\text{kwatt}}{h} = 10^3 \frac{\text{joule}}{\text{secondi}} * 3600 \text{secondi} = 3,6 * 10^3 \text{joule}$
- $P_{media} = \frac{L}{\Delta t} = \frac{\text{Energia}}{\Delta t} = \left[ \frac{\text{joule}}{\text{secondo}} \right]$
- $P_{media} = \frac{L}{\Delta t} = \frac{\bar{F} * \bar{s}}{\Delta t} = \frac{\bar{F}_{\parallel} * \bar{s}}{\Delta t} = \bar{F}_{\parallel} * v_{media} = \bar{F}_{\parallel} * \bar{v}_{media}$
- $P_{istantanea} = \bar{F} * \bar{v}$
- $P_{istantanea} = \bar{F}_{istantanea} * \bar{v}_{istantanea}$

## POTENZA



# RENDIMENTO



$$\text{Rendimento} = r = \eta = \frac{E_{uscita}}{E_{ingresso}}$$

$$\text{Rendimento}\% = r * 100\%$$

$$\text{Rendimento} = E_{uscita} + E_{ingresso}$$

$$r = \frac{E_{ingresso} - E_{perso}}{E_{ingresso}} = 1 - \frac{E_{perso}}{E_{ingresso}}$$

$$0 \leq r < 1 \quad \vee \quad 0\% \leq r < 100\%$$

# LA QUANTITÀ DI MOTO:

$$\bar{q} = m * \bar{v} \rightarrow [\bar{q}] = kg * \frac{m}{s}$$

## SECONDO PRINCIPIO DELLA DINAMICA

$$\bar{F} = m * \bar{a} \rightarrow \text{solo quando } m \text{ costante}$$

In generale:

- $F = \frac{\Delta v}{\Delta t} * m = \frac{v_{finale} - v_{iniziale}}{\Delta t} = \frac{mv_f - mv_i}{\Delta t} = \frac{q_f - q_i}{\Delta t}$
- $\Rightarrow F = \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow$  vale anche se la massa cambia

## TERZO PRINCIPIO DELLA DINAMICA

$\bar{F}$  = forze totali agenti sul sistema

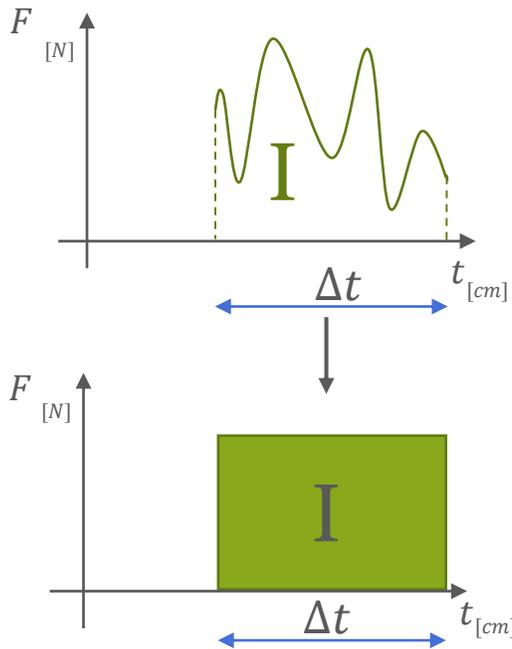
- $\Delta \bar{q} = \bar{F} * \Delta t \Rightarrow \frac{\Delta \bar{q}}{\Delta t} = \bar{F} \rightarrow \bar{F} = \bar{F}_{interne} + \bar{F}_{esterne}$

Sapendo che per il terzo principio  $\bar{F}_{interne} = 0$

- $\frac{\Delta \bar{q}}{\Delta t} = \bar{F}_{esterne} \Rightarrow \bar{q}$  costante per un sistema isolato

# IMPULSO

- Impulso  $\rightarrow \bar{I} = \bar{F} * \Delta t \rightarrow$  solo se  $m$  costante



- $\bar{F} = \frac{\overline{\Delta q}}{\Delta t} \rightarrow \Delta t * \bar{F} = \overline{\Delta q} \rightarrow \overline{\Delta q} = \bar{F} * \Delta t \rightarrow \bar{F} * \Delta t$  è l'impulso  $\Rightarrow \overline{\Delta q} = \bar{I} \rightarrow \bar{I} = \overline{\Delta q}$
- $\bar{I} \nexists$  per un sistema isolato

# PRINCIPI DI CONSERVAZIONE

Sono sempre validi

- Energia
- Quantità di moto  $\equiv$  {principi della dinamica} (trascurando la gravità)
- Carica elettrica

## URTI

Un oggetto contro un altro oggetto

Urti  $\left\{ \begin{array}{l} \text{ELASTICI} \rightarrow \text{si conserva l'energia cinetica} \\ \text{ANAELASTICI} \rightarrow \text{si conserva l'energia totale del sistema ma non l'energia cinetica} \end{array} \right.$

# MOTI SUL PIANO

Prima di tutto bisogna porre un sistema cartesiano di riferimento dove più opportuno

$$\bar{a} = \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

$$\bar{v} = \begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = v_{0y} - gt \end{cases}$$

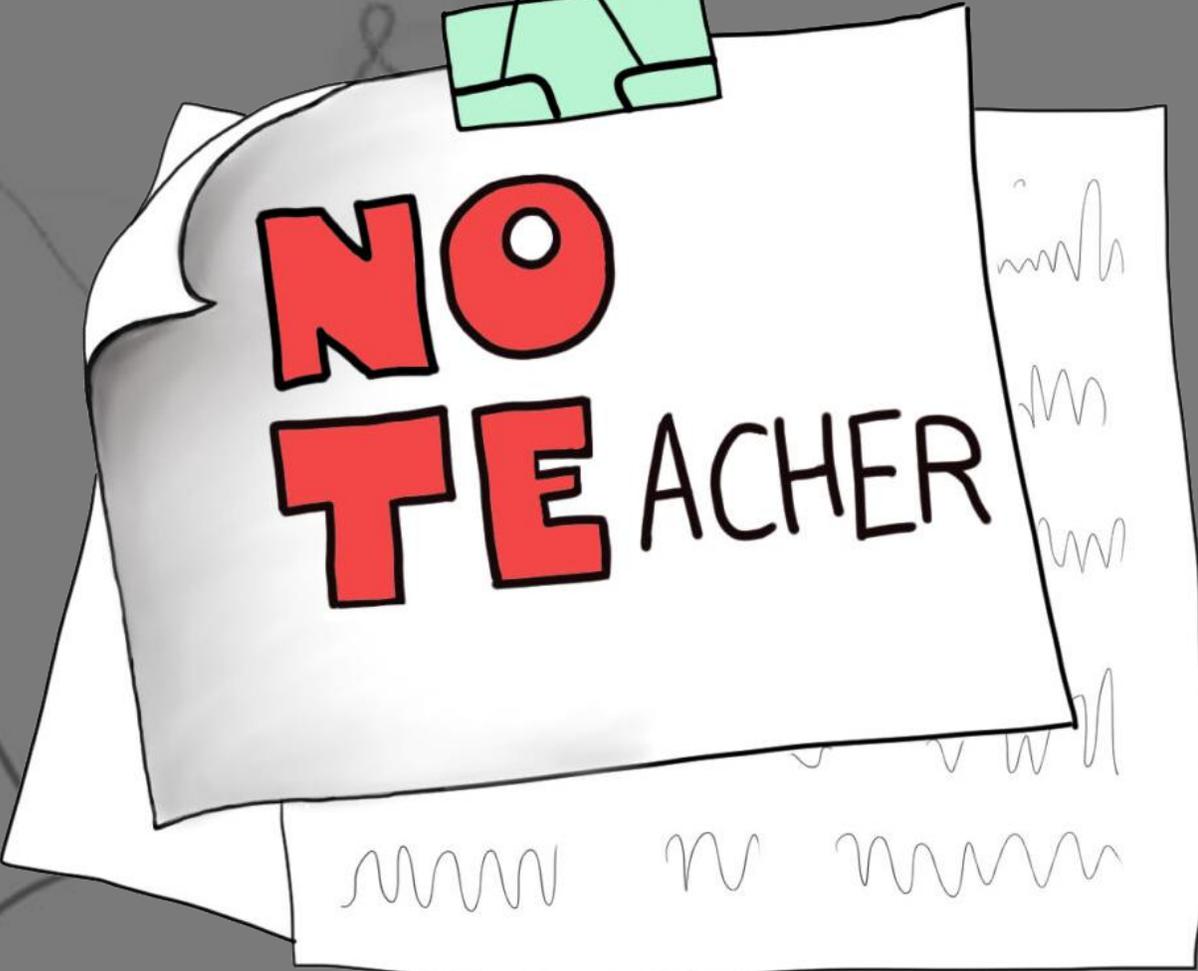
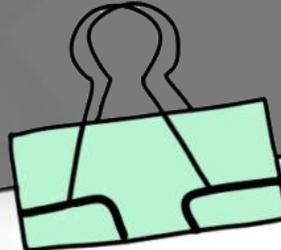
$$\overline{pos} = \begin{cases} x = 0 + v_{0x} * t \\ y = -\frac{1}{2}g * t^2 + v_{0y} * t + h \end{cases}$$

$$H = v_{0y} * \frac{v_{0y}}{g} - \frac{1}{2} * g * \frac{(v_{0y})^2}{g^2}$$



GRAZIE E BUONO  
STUDIO!

IL TEAM DI NOTEACHER <3



**NO**  
TEACHER